

Changes in Risk

1 Diversification

Soient \tilde{x}_i $i = 1, \dots, n$ n variables aleatoires indépendantes et identiquement distribuées. Montrer que

$$\forall \alpha_i \geq 0, \sum \alpha_i = 1, \sum \alpha_i \tilde{x}_i \text{ est plus risqué que } \frac{\sum \tilde{x}_i}{n}.$$

2 Mutualisation

Soient \tilde{x}_i $i = 1, \dots, n$ n variables aleatoires indépendantes et identiquement distribuées. Soit $\tilde{S}_k = \frac{\sum_{i=1}^k \tilde{x}_i}{k}$ montrer que \tilde{S}_{k+1} est moins risquée que \tilde{S}_k .

$$(k+1)\tilde{S}_{k+1} = k\tilde{S}_k + \tilde{x}_{k+1}$$

$$\tilde{S}_k - \tilde{S}_{k+1} = \frac{\tilde{S}_{k+1} - \tilde{x}_{k+1}}{k}$$

Il suffit de montrer :

$$E\left(\frac{\tilde{S}_{k+1} - \tilde{x}_{k+1}}{k} \middle/ \tilde{S}_{k+1}\right) = 0$$